

I. Présentation du système

Le système étudié est un pèse-lettres mécanique qui est utilisé à peser les lettres et autres courriers postaux, afin de déterminer le tarif d'affranchissement. Ce système est généralement utilisé dans un bureau.



Figure 1 : Photo d'un pèse-lettres mécanique.



Figure 2 : Pesée de document grâce au pèse-lettres.

II. Analyse cinématique

On étudie le mouvement des pièces du pèse-lettres ainsi décrit dans le repère fixe $R_0 = (O_0, \vec{x}_0, \vec{y}_0, \vec{z}_0)$:

- un bâti S_0
- un bras coudé $S_1 = EOB$ à l'extrémité de laquelle est fixée une masselotte, en E ainsi qu'un repère pour lire la graduation en F
- un plateau + tige $AD = \text{solide } S_2$
- une biellette $AC = \text{solide } S_3$

Les figures 3 et 4 présentent le système dans la situation « à vide » et dans la situation « chargée ».

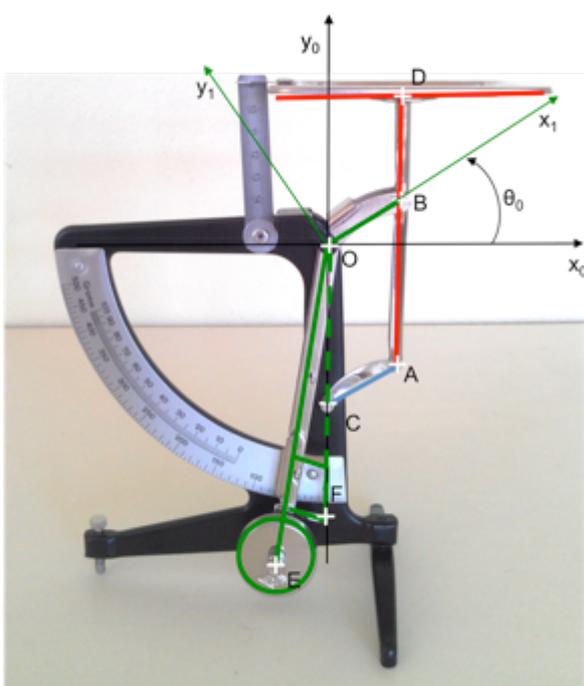


Figure 2 : pèse-lettres à vide

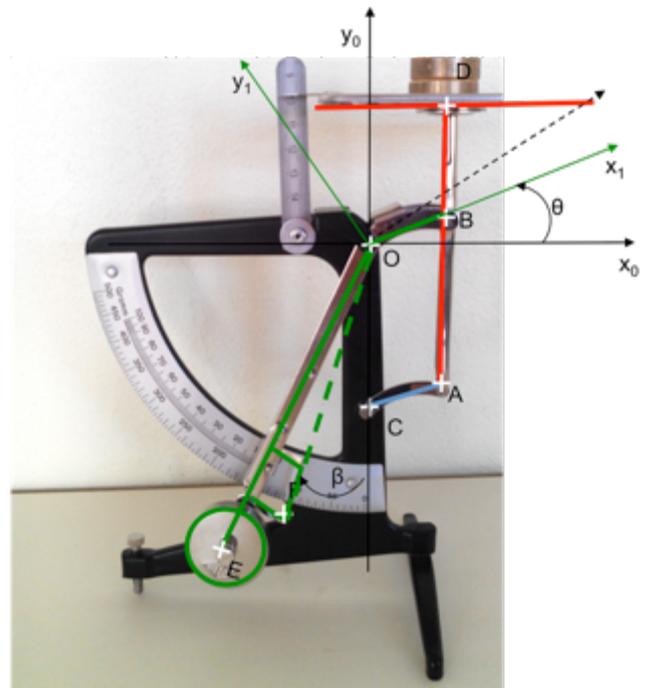


Figure 3 : pèse-lettres chargé



Les pièces sont articulées de la façon suivante :

- pivot d'axe (B, \mathbf{z}_0) entre S_1 et S_2 (bras coudé / plateau+tige)
- pivot d'axe (A, \mathbf{z}_0) entre S_2 et S_3 (plateau/tige / biellette)
- pivot d'axe (O, \mathbf{z}_0) entre S_1 et S_0 (bras coudé / bâti)
- pivot d'axe (C, \mathbf{z}_0) entre S_3 et S_0 (biellette / bâti)

Caractéristiques géométriques :

On note $a = OB = CA$ $b = CO = AB$ $BD = c$

$OE = e$ (position basse de la masselotte) ou $OE = e'$ (position haute de la masselotte)

Le repère de lecture des graduations est vertical à vide (dans ce cas, $\overrightarrow{OF} \parallel \overrightarrow{y_0}$), $\alpha = (\overrightarrow{OF}, \overrightarrow{OE})$

On note $\theta = (\overrightarrow{x_0}, \overrightarrow{x_1})$ et $\beta = (\overrightarrow{OC}, \overrightarrow{OF})$

II.1 Etude géométrique

1. Combien faut-il de paramètres pour décrire le mouvement du système ?
2. Parmi les angles α, θ, β indiquer le.s angle.s fixe.s et le.s angle.s variable.s ?
3. Quel est le signe de l'angle θ ? le signe de l'angle β ?
4. Le système est représenté dans 2 positions sur les figures 3 et 4. La position de la figure 3 correspond à la position à vide du système. On appelle θ_0 la valeur de l'angle θ correspondant à cette position. Exprimer l'angle β en fonction de θ_0 et θ .
5. Exprimer \overrightarrow{OD} en fonction de a, c et θ dans le repère R_0 .
6. On souhaite trouver la relation entre le déplacement vertical du point D entre la position à vide et la position chargée, noté u et l'angle β . Exprimer la composante suivant $\overrightarrow{y_0}$ de \overrightarrow{OD} pour la position à vide, puis pour la position chargée. En déduire u en fonction de β et des caractéristiques géométriques du système.

II.2 - Etude cinématique analytique

On attache le repère $R_1(O, \overrightarrow{x_1}, \overrightarrow{y_1}, \overrightarrow{z_0})$ au solide S_1 .

1. Exprimer $\vec{\Omega}(S_1/R_0)$.
2. Calculer la vitesse du point B de S_1 dans son mouvement par rapport à R_0 , repère lié au bâti, $\vec{V}(B \in S_1/R_0)$.
3. Exprimer $\vec{\Omega}(S_3/R_0)$.
4. Calculer la vitesse du point A de S_3 dans son mouvement par rapport à R_0 , repère lié au bâti, $\vec{V}(A \in S_3/R_0)$.
5. Exprimer la relation du torseur cinématique reliant les vitesses des points A et B de S_2 dans leur mouvement par rapport à R_0 .
6. En déduire $\vec{\Omega}(S_2/R_0)$. Comment appelle-t-on le mouvement de S_2 par rapport à R_0 ?
7. Calculer $\vec{V}(D \in S_2/R_0)$.



II.3 - Etude cinématique graphique

On considère que $\dot{\theta} = -1$ rad/s. On choisit comme échelle des distances 1 cm réel correspond à 0,5 cm sur le dessin et comme échelle des vitesses, 1cm/s réel correspond à 0,5 cm sur le dessin.

On mesure :

$$OB = AC = a = 35 \text{ mm}$$

$$B = OC = AB = 72 \text{ mm}$$

$$OE = 147 \text{ mm}$$

On mesure $\alpha = -7^\circ$, et $\theta_0 = 28^\circ$

1. Tracer les points caractéristiques du système, en respectant l'échelle considérée, dans la position $\theta = -10$ degrés.
2. Calculer la vitesse du point B de S_1 dans son mouvement par rapport à R_0 $\vec{V}(B \in S_1 / R_0)$ et la tracer sur le schéma.
3. Tracer le champ des vitesses de S_1 / R_0 .
4. En utilisant la propriété d'équiprojectivité dans le solide S_1 , tracer la vitesse du point E de S_1 dans son mouvement par rapport à R_0 $\vec{V}(E \in S_1 / R_0)$.
5. Mesurer ce vecteur et en déduire la valeur numérique de la norme de $\vec{V}(E \in S_1 / R_0)$.
6. Tracer le champ des vitesses du solide S_3 dans son mouvement par rapport à R_0 .
7. Tracer le champ des vitesses du solide S_2 dans son mouvement par rapport à R_0 .